

تعداد سوال: نسخه ۲۰ تکمیلی — تشریعی ۴

نام درس: پژوهش عملیاتی (۱)

رشتہ تکمیلی-گرایش: حسابداری

زمان امتحان: نسخی و تکمیلی ۶ لفته تشریعی ۱۰۰ لفته

تعداد کل صفحات: ۷

کد درس: ۱۲۱۸۰۹۳

(استفاده از ماشین حساب مجاز است)

۱. زمان مورد نیاز برای تولید هر واحد محصول اول نصف زمان تولید محصول دوم و دو برابر زمان تولید محصول سوم است. اگر تمام وقت تولید صرف تولید محصول اول شود جماعتاً  $450$  واحد تولید می‌گردد. محدودیت متناظر عبارت است از:

$$x_1 + 2x_2 + \frac{1}{2}x_3 \leq 800 \quad \text{ب.}$$

$$x_1 + 2x_2 + \frac{1}{2}x_3 \leq 400 \quad \text{الف.}$$

$$2x_1 + x_2 + x_3 \leq 400 \quad \text{د.}$$

$$x_1 + 2x_2 + x_3 \leq 800 \quad \text{ج.}$$

۲. در صورتی که سود هر واحد برای  $100$  واحد اول  $6$  دلار و برای تعداد بیشتر سفارش  $3$  دلار باشد کدام فرض برنامه‌ریزی خطی نقض شده است؟

ب. فرض بخش‌پذیری

الف. فرض معین بودن

د. فرض تناسب

ج. فرض جمع‌پذیری

۳. یک مسئله برنامه‌ریزی خطی دارای محدودیتی موازی تابع هدف می‌باشد. این مسئله چه حالت خاصی از برنامه‌ریزی خطی است؟

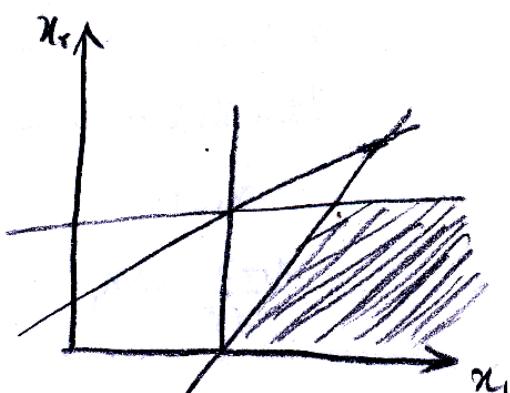
ب. بهینه چندگانه یا منحصر به فرد

الف. بهینه چندگانه

د. بهینه تباهیده یا منحصر به فرد

ج. بهینه تباهیده

۴. ناحیه شدنی یک مدل برنامه‌ریزی خطی به فرم زیر است. اگر سمت راست محدودیتها مسئله نامنفی باشد، مدل چند محدودیت بزرگتر مساوی دارد؟



الف. یک محدودیت کارکردی و دو محدودیت علامت

ب. دو محدودیت کارکردی و دو محدودیت علامت

ج. سه محدودیت کارکردی و دو محدودیت علامت

د. چهار محدودیت کارکردی و دو محدودیت علامت

نام درس: پژوهش عملیاتی (۱)

رشته تحصیلی-گرایش: حسابداری

کد درس: ۱۲۱۸۰۹۳

تعداد سوال: نهضتی ۲۰ تکمیلی -- تشریعی ۴

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۶۰ لفته تشریعی ۱۰۰ لفته

تعداد کل صفحات: ۷

۵. جدول زیر سطر  $Z$  یکی از تکرارهای مسئله برنامه‌ریزی خطی ماکریسم‌سازی با استفاده از روش  $M$  بزرگ می‌باشد. سطر  $Z$  معادل در روش دو مرحله‌ای کدام است؟

$Z$	$x_1$	$x_p$	$S_1$	$S_p$	$R_p$	$\bar{b}$
$Z$	۱	-۲	۰	۰	-۱	$2M + 1$

الف.

$Z$	$x_1$	$x_p$	$S_1$	$S_p$	$R_p$	$\bar{b}$
$Z$	۱	-۲	۰	۰	-۱	۶۸

ب.

$Z$	$x_1$	$x_p$	$S_1$	$S_p$	$R_p$	$\bar{b}$
$Z$	۱	۰	۰	۰	۰	$2M$

ج.

$Z$	$x_1$	$x_p$	$S_1$	$S_p$	$R_p$	$\bar{b}$
$Z$	۱	۰	۰	۰	۰	-۲

د.

$Z$	$x_1$	$x_p$	$S_1$	$S_p$	$R_p$	$\bar{b}$
$Z$	۱	۲	۰	۰	۱	-۲

نام درس: پژوهش عملیاتی (۱)

رشته تحصیلی-گرایش: حسابداری

کد درس: ۱۲۱۸۰۹۳

تعداد سوال: نهضتی ۲۰ تکمیلی ۴ تشریعی ۴

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۶ لغنه تشریعی ۱۰۰ لغنه

تعداد کل صفحات: ۷

۶. مسئله و جدول بهینه متناظر را در نظر بگیرید:

$$MaxZ = x_1 + 3x_2$$

$$x_1 \leq 9$$

$$x_2 \leq 7$$

$$2x_1 + x_2 \leq 22$$

$$x_1 + 4x_2 \leq 32$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

	$x_1$	$x_2$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$\bar{b}$
$Z$	۰	۰	۰	۰	$\frac{1}{7}$	$\frac{5}{7}$	۲۶
$S_1$	۰	۰	۱	۰	$-\frac{4}{7}$	$-\frac{1}{7}$	۱
$x_2$	۰	۱	۰	۰	$-\frac{1}{7}$	$\frac{2}{7}$	۶
$S_2$	۰	۰	۰	۱	$\frac{1}{7}$	$-\frac{2}{7}$	۱
$x_1$	۱	۰	۰	۰	$\frac{4}{7}$	$-\frac{1}{7}$	۸

الف. ظرفیت بلاستفاده منابع به ترتیب ۱، ۱۶، ۵، ۵، ۰ و میزان فعالیت اول و دوم به ترتیب ۸ و ۶ می باشد.

ب. ظرفیت بلاستفاده منابع به ترتیب ۹، ۷، ۲۲، ۳۲ و میزان فعالیت اول و دوم به ترتیب ۱ و ۶ می باشد.

ج. ظرفیت بلاستفاده منابع به ترتیب  $5, 1, 5, 1$  و میزان فعالیت اول و دوم به ترتیب ۸ و ۶ می باشد.

د. تمام منابع به طور کامل استفاده شده میزان فعالیت اول و دوم به ترتیب ۸ و ۶ می باشد.

۷. کدام گزینه به عنوان محدودیت یک مسئله برنامه‌ریزی خطی قابل بیان است؟

ب.  $\sqrt{x_1 + x_2} \geq 5$

الف.  $x_1 x_2 + x_3 = 6$

د.  $\frac{x_1 + x_2}{x_3} \geq 5x_1$

ج.  $x_1 = 5$

نام درس: پژوهش عملیاتی (۱)

رشته تخصصی-گرایش: حسابداری

کد درس: ۱۲۱۸۰۹۳

تعداد سوال: نسخه ۲۰ نکملی - تشرییع ۴

زمان امتحان: تستی و نکملی ۶۰ لفته تشرییع ۱۰۰ لفته

تعداد کل صفحات: ۷

۸. در صورتی که هزینه تولید دو محصول اول و دوم به ترتیب  $120$  و  $80$  باشد و نیروی مورد نیاز برای هر واحد از دو محصول اول و دوم

به ترتیب  $6$  و  $5$  نفر ساعت باشد، به منظور حداکثر کردن میزان تولید در صورتی که میزان تولید محصول  $i$  ام،  $x_i$  باشد،  
تابع هدف چه خواهد بود.

الف.  $MinZ = 120x_1 + 80x_2$

ب.  $MaxZ = 6x_1 + 5x_2$

ج.  $MaxZ = 120x_1 + 80x_3$

د.  $MaxZ = x_1 + x_2$

۹. در صورتی که تابع هدف مسئله‌ای  $MaxZ = 7x_1 + 14x_2$  باشد و  $R_i$  متغیرهای مصنوعی محدودیت  $i$  ام باشد، تابع هدف مسئله در فاز یک روش دو مرحله‌ای عبارت است از:

الف.  $Min \sum R_i$

ب.  $MinZ = 7x_1 + 14x_2 + \sum R_i$

ج.  $MaxZ = 7x_1 + 14x_2 + \sum R_i$

۱۰. گوشه بهینه یک مدل برنامه‌ریزی خطی با تابع هدف مینیمم‌سازی

الف. نزدیکترین گوشه موجه به مبداء مختصات است.

ب. دورترین گوشه موجه به مبداء مختصات است.

ج. گوشه موجه با کمترین مقدار تابع هدف است.

د. گوشه موجه با کمترین مقدار تابع هدف است که نزدیکترین گوشه موجه به مبداء مختصات می‌باشد.

۱۱. هر مسئله برنامه‌ریزی خطی به چه تعداد متغیر اساسی (پایه‌ای) دارد؟

الف. به تعداد محدودیتهای کارکردی

ب. به تعداد متغیرهای تصمیم

ج. به تعداد کل محدودیتها

د. به تعداد کل متغیرها

۱۲. قسمتی از جدول بهینه یک مسئله برنامه‌ریزی خطی با تابع هدف  $MinZ = 10x_1 + 20x_2$  داده شده مقدار بهینه تابع

هدف چند است؟

$Z$	$x_1$	$x_2$	$S_1$	$S_2$	$\bar{b}$
۱	۰	۰	-۵	۰	
$x_2$					۳
$S_2$					۲

الف.  $Z^* = 30$

ب.  $Z^* = 60$

ج.  $Z^* = -50$

د.  $Z^* = 70$

الف.  $Z^* = 70$

نام درس: پژوهش عملیاتی (۱)

رشته تحصیلی-گرایش: حسابداری

کد درس: ۱۲۱۸۰۹۳

تعداد سوال: نسخه ۲۰ تکمیلی -- تشریعی ۴

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۶۰ لفته تشریعی ۱۰۰ لفته

تعداد کل صفحات: ۷

۱۳. در چه صورت در روش دو مرحله‌ای نمی‌توان وارد فاز  $II$  (مرحله دوم) شد؟الف. در انتهای فاز  $I$  متغیر مصنوعی به عنوان متغیر اساسی باقی مانده باشد.ب. در انتهای فاز  $I$  به نامحدود بودن رسیده باشیم.ج. در انتهای فاز  $I$  به مقدار تابع هدف بهینه غیر صفر رسیده باشیم.

د. الف یا ج

۱۴. جدول زیر یکی از جداول یک مسئله برنامه‌ریزی خطی با تابع هدف  $Min$  است چه حالت خاصی را نشان می‌دهد؟

	$Z$	$x_1$	$x_2$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$\bar{b}$
$Z$	۱	۰	۰	۰	۰	-۷	۱۲۰
$x_1$	۰	۱	-۱	۲	۰	۷	۱۲
$S_2$	۰	۰	۱	۱	۱	۸	۱۴

ب. بهینه چندگانه

الف. تباهیده

د. ب و ج

ج. ناحیه نامحدود

۱۵. برای حل مسئله زیر کدام روش پیشنهاد می‌شود؟

$$Min Z = x_1 - 2x_2$$

$$x_1 + 7x_2 + 4x_3 \geq 2$$

$$4x_1 + 7x_2 \leq 2$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

$$x_3 \leq 0$$

ب. روش سیمپلکس دوگان

الف. روش  $M$  بزرگ

د. الف یا ب

ج. روش سیمپلکس ساده

۱۶. در روش سیمپلکس دوگان در چه صورت به عدم وجود جواب بهینه پی می‌بریم:

الف. وجود متغیر مصنوعی در انتهای کار به عنوان متغیر اساسی با مقدار غیر صفر

ب. وجود متغیر ورودی و عدم وجود متغیر خروجی

ج. وجود متغیر خروجی و عدم وجود متغیر ورودی

د. هر کدام از موارد بالا

نام درس: پژوهش عملیاتی (۱)

رشته تحصیلی-گرایش: حسابداری

کد درس: ۱۲۱۸۰۹۳

تعداد سوال: نسخه ۲۰ تکمیلی -- تشریعی ۴

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۶ لفته تشریعی ۱۰۰ لفته

تعداد کل صفحات: ۷

یک شرکت تولید قصد دارد طوری برنامه ریزی کند که هزینه‌های تولید به حداقل بررسد اطلاعات تولید به صورت زیر است:

صرف منابع برای تولید هر واحد محصول

	محصول ۱	محصول ۲	محصول ۳	موجودی
نیروی انسانی نفر (ساعت / واحد)	۱	۸	۱۵	۱۸۰۰ نفر ساعت
ماده اولیه (کیلوگرم / واحد)	۲	۱۲	۱۱	۲۰۰۰ کیلوگرم
قیمت تولید هر واحد	۲۰۰	۱۵۰	۱۳۰	
قیمت فروش هر واحد	۲۵۰	۲۰۰	۱۹۰	
میزان تقاضا	۸۰	۵۰	۶۰	

به سؤالات ۱۷ تا ۱۹ پاسخ دهید.

۱۷. تابع هدف عبارتست از :

$$\text{Min } Z = 200x_1 + 150x_2 + 130x_3 \quad \text{ب.} \quad \text{Max } Z = 250x_1 + 200x_2 + 190x_3 \quad \text{الف.}$$

$$\text{Min } Z = 50x_1 + 50x_2 + 60x_3 \quad \text{د.} \quad \text{Max } Z = 50x_1 + 50x_2 + 60x_3 \quad \text{ج.}$$

۱۸. محدودیت تقاضای محصول اول به چه صورت است؟

$$x_1 + 2x_2 \leq 80 \quad \text{ب.} \quad x_1 + 8x_2 + 15x_3 \leq 1800 \quad \text{الف.}$$

$$x_1 \geq 80 \quad \text{د.} \quad x_1 + 2x_2 \geq 80 \quad \text{ج.}$$

۱۹. محدودیت ماده اولیه به چه صورت باید لحاظ شود؟

$$2x_1 + 12x_2 + 11x_3 \leq 2000 \quad \text{ب.} \quad 2x_1 + 12x_2 + 11x_3 \geq 2000 \quad \text{الف.}$$

$$x_1 + x_2 + x_3 \geq 2000 \quad \text{د.} \quad x_1 + x_2 + x_3 \leq 2000 \quad \text{ج.}$$

۲۰. در صورتیکه  $Z$  مقدار تابع هدف یک جدول دلخواه از مسئله مینیمم‌سازی و  $\omega$  مقدار تابع هدف یک جدول دلخواه از مسئله ماکریمم‌سازی همزاد آن باشد در آن صورت:

$$Z \geq \omega \quad \text{ب.} \quad Z \leq \omega \quad \text{الف.}$$

$$\text{د. مقدار } Z \text{ و } \omega \text{ ارتباطی با هم ندارند.} \quad Z = \omega \quad \text{ج.}$$

نام درس: پژوهش عملیاتی (۱)

رشته تحصیلی-گرایش: حسابداری

کد درس: ۱۲۱۸۰۹۳

تعداد سوال: نهضتی ۲۰ تکمیلی ۴ تشریعی ۴

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۶ لغنه تشریعی ۱۰۰ لغنه

تعداد کل صفحات: ۷

## سوالات تشریعی

۱. مسئله زیر را با روش ترسیمی حل کنید. در صورت بروز حالات خاص با ذکر دلیل آنرا بیان کنید. (۱/۵ نمره)

$$MinZ = x_1 - 2x_2$$

$$s.t. \quad x_1 - x_2 \leq 1$$

$$x_1 + x_2 \leq 3$$

$$x_1 \leq 2$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

۲. مسئله زیر را با روش دو مرحله‌ای (دوفاز) حل کنید در صورت بروز حالات خاص با ذکر دلیل آنرا بیان کنید. (۲ نمره)

$$MaxZ = 4x_1 - 2x_2 - 6x_3$$

$$s.t. \quad 2x_1 + x_2 - 3x_3 = 36$$

$$5x_1 + x_3 \leq 2$$

$$x_1, x_2 \geq 0 \quad x_3 \leq 0$$

۳. دو گان مسئله زیر را بنویسید و با استفاده از حل ترسیمی مسئله دو گان و قضیه مکمل زائد جواب بهینه مسئله را بیابید. (۲ نمره)

$$MinZ = 12x_1 + 4x_2 + 8x_3$$

$$6x_1 + x_2 \geq 3$$

$$2x_1 + x_3 \geq 1$$

$$x_1 \leq 0 \quad x_2 \geq 0 \quad x_3 \geq 0$$

۴. مسئله زیر را با استفاده از روش سیمپلکس دو گانه حل کنید. (۲ نمره)

$$MinZ = 3x_1 + 2x_2 + x_3$$

$$s.t. \quad 2x_1 + 3x_2 + \frac{1}{2}x_3 \geq 12$$

$$x_1 + x_2 - 4x_3 \leq 20$$

$$x_j \geq 0$$