

تکمیلی کتابی از
فرانسی و تکمیلی
تکمیلی کتابی
کتابی کتابی

علم ریاضی مهندسی
رشته فنی مهندسی
کامپیوون
کتابی کتابی

۲۶۱۱۹۰

۱. اگر $z = (-1)^{\frac{1}{2}}$ باشد، آنگاه یکی از مقادیر ممکن برای z کدام گزینه است؟

- الف. $\frac{\sqrt{3} + i}{2}$
ب. $i - \frac{1-i}{\sqrt{2}}$
ج. i

۲. کدام رابطه درمورد عدد مختلط $z = a + ib$ درست است؟

- الف. $\operatorname{Re}(i\bar{z}) = \operatorname{Im}(z)$
ب. $\operatorname{Im}(i\bar{z}) = -\operatorname{Re}(z)$
ج. $\operatorname{Re}(iz) = \operatorname{Im}(z)$

۳. معادله هذلولی $xy = k$ در صفحه مختلط کدام است؟

- الف. $z^2 - \bar{z}^2 = 4k$
ب. $z^2 - (i\bar{z})^2 = 4k$
ج. $\bar{z}^2 = 4k - z^2$
د. $z^2 = 4k + \bar{z}^2$

۴. تابع $f = u + iv = e^{-y} \cos x$ یک تابع همساز است. اگر تابع مزدوج همساز آن v باشد، تابع تحلیلی f کدام است؟

- الف. e^{iz}
ب. e^{-z}
ج. $e^{\bar{z}}$
د. e^{-iz}

۵. اگر $A(x, y) = P + iQ$ باشد، که در آن P, Q توابع مؤلفه‌های حقیقی و موهومی تابع A می‌باشند، آنگاه حاصل

عبارت $\operatorname{Curl}(\nabla A)$ کدام است؟

- الف. $\nabla(Q) - \operatorname{div}(\nabla P)$
ب. $\nabla(\operatorname{curl} \bar{A})$
ج. $\nabla(\operatorname{div} Q)$
د. $\nabla^2 Q$

۶. برای تابع نمایی مختلط e^z کدام گزینه نادرست است؟

- الف. $|e^{\bar{z}}| = |e^z|$
ب. $|e^{iz}| = |e^z|$
ج. $|e^{iz}| = |e^{\bar{z}}|$
د. $|e^{-iz}| = |e^z|$

۷. کدام گزینه صحیح است؟

- الف. $\sinh(z) = i \sin(iz)$
ب. $\sin(iz) = -i \sinh(z)$
ج. $\sinh(iz) = i \sin(z)$
د. $\sin z = i \sin h(iz)$

۵. تحلیل مجموعه $\{z \in \mathbb{C} : |z| < 1, \arg z = \frac{\pi}{4}\}$

نام: ریاضی مهندسی
رئیس: کامپیوین کامپیوین
کد: ۲۶۱۱۹۰

۸. تصویر ناحیه محدود به نیم دایره $|z| \leq e$ در فاصله $0 \leq \theta \leq \pi$ تحت نگاشت $W = \ln z = u + iv$ (در شاخه

اصلی لگاریتم) کدام ناحیه خواهد شد؟

الف. نوار مستطیل شکل $0 \leq v \leq \pi, 0 \leq u \leq 1$,

ب. نیم دایره $0 \leq u \leq \frac{\pi}{2}, 0 \leq v \leq \frac{\pi}{2}$

ج. نوار مستطیل شکل $0 \leq v \leq \frac{\pi}{2}, 0 \leq u \leq \frac{1}{2}$

د. مربع $0 \leq u \leq 1, 0 \leq v \leq 1$

۹. کدامیک از توابع زیر تابع است؟

cos $h(z\bar{z})$

sin(\bar{z})

$e^{i\bar{z}}$

الف.

۱۰. مقدار اصلی $\ln(-\sqrt{2}i)$ کدام است؟

ب. $-\frac{\ln 2}{2} - i\frac{\pi}{2}$

الف. $\frac{\ln 2}{2} + i\frac{3\pi}{2}$

د. $\frac{\ln 2}{2} - i\frac{\pi}{2}$

ج. $-\frac{\ln 2}{2} + i\frac{\pi}{2}$

۱۱. حاصل انتگرال مختلط $\oint_C \frac{z^3 + z + 1}{z^3 + 1} dz$ که در آن C دایره $|z - i| = \frac{1}{4}$ می باشد، کدام است؟

۱۴ πi

π

ب. $-\frac{\pi i}{2}$

الف. 2π

۱۲. حاصل انتگرال $\oint_C \frac{e^{-z}}{(z^3 + 2z^2)} dz$ که در آن C دایره $|z - 2| = 1$ می باشد کدام است؟

ب. $2\pi i(1 + e^3)$

الف. $2\pi i(1 + e^{-3i})$

د. صفر

ج. $2\pi i$

تعداد صفحه ۲۰ - تاریخ ۵

زبان اینگاه فarsi ۵۰ - تاریخ ۷

تعداد کل صفحات ۵

نام پژوه ریاضی مهندسی

و شنیدنی کامپیوتن

کد پیش ۲۶۱۱۹۰

۱۳. اگر تابع $f(z)$ در همسایگی نقطه z_0 تحلیلی باشد، آنگاه دنباله ضرایب بسط تیلور آن در نمایش

$$f(z) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n (z - z_0)^n$$

$$a_n = \frac{1}{2\pi i} f^{(n)}(z_0).$$

$$a_n = \frac{1}{2\pi i} \oint_C \frac{f(t) dt}{(t - z_0)^{n+1}}.$$

$$a_n = \frac{1}{2\pi i} \oint_C \frac{f(t) dt}{(t - z_0)^n}.$$

$$a_n = \frac{1}{2\pi i} \oint_C \frac{f'(t) dt}{(t - z_0)^{n+1}}.$$

۱۴. بسط مکلورن تابع $w = \sinh(z)$ و شعاع همگایی کدام است؟

$$z + \frac{z^3}{3!} + \frac{z^5}{5!} + \frac{z^7}{7!} + \dots, \quad R = \infty.$$

$$z - \frac{z^3}{3!} + \frac{z^5}{5!} - \frac{z^7}{7!} + \dots, \quad R = \infty.$$

$$z + \frac{z^3}{3!} + \frac{z^5}{5!} + \frac{z^7}{7!} + \dots, \quad R = 1.$$

$$z + \frac{z^3}{3} + \frac{z^5}{5} + \frac{z^7}{7} + \dots, \quad R = 1.$$

۱۵. انتگرال $\oint_C \frac{z^k + 1}{Cz^l(z^m + 1)} dz$ ، که در ان C منحنی $|z| = 1$ میباشد، دارای در ناحیه انتگرالگیری است.

ب. یک قطب ساده و یک قطب دوگانه

الف. دو قطب ساده

د. دو قطب دوگانه

ج. یک قطب دوگانه

۱۶. تبدیل دوخطی ای که نقاط ∞ و $z_1 = i$ و $z_2 = 0$ را به نقاط $w_1 = 0$ و $w_2 = \infty$ و $w_3 = i$ را تصویر کند، کدام است؟

$$w = \frac{1}{z}.$$

$$w = \frac{-1}{z}.$$

$$w = \frac{-1}{z - i}.$$

$$w = \frac{1}{z - i}.$$

تعداد سریال: ۷۰ ششی - ۵
زمان انتخاب نسخه: ۵۰ ششی - ۷۰ ششی
تعداد کل صفحات: ۵

نماینده ریاضی مهندسی
وشن تجارتی کامپیوچن
کد: ۲۶۱۱۹۰

$$f(x) = \begin{cases} x - \frac{\pi}{2}, & 0 \leq x \leq \frac{\pi}{2} \\ x + \frac{\pi}{2}, & \frac{\pi}{2} < x \leq \pi \end{cases} \quad ۱۷. \text{ در تابع}$$

مقدار سری فوریه آن (که در فاصله $[0, \pi]$ نوشته می‌شود)،

در نقطه میانی $\frac{\pi}{2}$ برابر کدام است؟

- الف. $\frac{\pi}{2}$ ب. π ج. 2π د. وجود ندارد

۱۸. اگر $f(x)$ تابعی فرد بر بازه $(-\infty, +\infty)$ باشد، تبدیل انتگرال فوریه آن کدام گزینه خواهد بود؟

$$\frac{1}{\pi} \int_0^\infty \int_0^\infty f(t) \sin \alpha t \cos \alpha x dt dx \quad \text{ب. } \frac{1}{\pi} \int_0^\infty \int_0^\infty f(t) \cos \alpha t \sin \alpha x dt dx \quad \text{الف.}$$

$$\frac{1}{\pi} \int_0^\infty \int_0^\infty f(t) \sin \alpha t \sin \alpha x dt dx \quad \text{د. } \frac{1}{\pi} \int_0^\infty \int_0^\infty f(t) \sin \alpha t \sin \alpha x dt dx \quad \text{ج.}$$

۱۹. تابع $f(x, y) = \cos(x - 2y) + e^{x-2y}$ جواب کدام معادله دیفرانسیل مشتق جزیی زیر است؟

$$\Delta u_{xxx} + u_{yyy} = 0 \quad \text{الف.} \quad 4u_{xx} - u_{yy} = 0 \quad \text{الف.}$$

$$4u_{xy} + u_{yx} = 0 \quad \text{د.} \quad 2u_x - u_y = 0 \quad \text{ج.}$$

۲۰. در حل مسائل موج برای میله نامتناهی از چه روشی باید استفاده نمود؟

- الف. جداسازی متغیرها
ب. تبدیل فوریه
ج. سری فوریه
د. تجزیه به معادلات مؤلفه‌ای

تعداد سعیله هشتاد و دو هزار و پانصد
زبان امتحان سهی و نیمی ۵۰ هزار و هشتاد
تعداد کل امتحان ۵

لئم لرین ریاضی هندسی
ویژه تجهیز کامپیوچر
کلرین ۲۶۱۱۹۰

«سئالات تشریحی»

۱. الف. معادله $z^n - \bar{z} = 0$ را حل کنید.

ب. معادله دکارتی مکان هندسی $|z-i| + |z-k| = k$ را به ازای $k \geq 2$ بیابید.

۲. ثابت کنید اگر تابع $f = u + iv$ و مزدوج آن $\bar{f} = u - iv$ هر دو بر ناحیه بازی مانند D از صفحه C تحلیلی باشند، آنگاه f باید یک تابع ثابت بر D باشد. اگر همین مسئله برای f و $|f|$ ادده شده باشد، آنگاه f چه شرطی باید داشته باشد؟

۳. فقط به یکی از دو بخش الف یا ب پاسخ دهید:

الف. برای متغیر مختلط $y = x + iz$ ثابت کنید:

$$|\sin z|^r + |\cos z|^r = \sinh^r(y) + \cosh^r(y)$$

ب. تصویر درون دایره $|z| = r$ را تحت نگاشتهای $w_1 = \frac{1}{z}$ و $w_2 = z^r$ را بیابید. شکل نواحی را نیز رسم کنید.

۴. فقط به یکی از دو بخش الف یا ب پاسخ دهید:

الف. حاصل انتگرال $\int_C \frac{z dz}{(z^r - 1)(z^r + 1)}$ را در آن C بددست آورید.

ب. انتگرال فوريه تابع $f(x) = \begin{cases} -1, & -1 < x < 0 \\ 1, & 0 < x < 1 \\ 0, & |x| > 1 \end{cases}$ را بددست آورید.

۵. فقط به یکی از دو بخش الف یا ب پاسخ دهید:

الف. نوع معادله مشتق جزیی $u_{xx} + 3u_{xy} + 2u_{yy} = x$ را مشخص کنید. و به کمک معادلات مشخصه آن جواب عمومی آن را بیابید.

ب. معادله $u_y = u_x$ با شرط اولیه $u(x, 0) = e^{rx}$ را به کمک روش جداسازی متغیرها حل کنید.